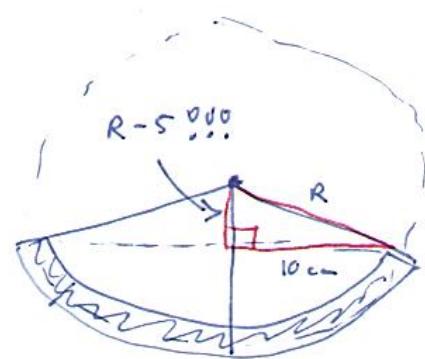


## Pythagoras



→ 20 cm  
Simpleren lever

5 cm

Pallon side?

Pythagoras:

$$R^2 = 10^2 + (R-5)^2$$

$$R^2 = 10^2 + R^2 - 10R + 25$$

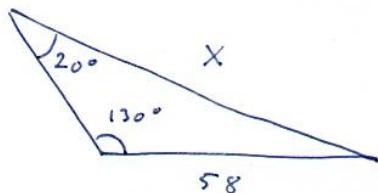
$$R^2 - R^2 + 10R = 100 + 25$$

$$\underline{\underline{R}} = \frac{125}{10} = \underline{\underline{12,5 \text{ cm}}}$$

Sinilause s. 74

Vain, kun kolmio ei ole suorakulmainen kolmio!

2 x Kulma ja vastakkainen sivu

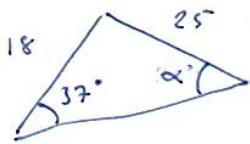


Sinilause:

$$\frac{58}{\sin 20^\circ} = \frac{x}{\sin 130^\circ}$$

Kerrotaan ristiin  
ja ratkaistaan x.

(E)



sinilause:

$$\frac{\sin \alpha}{18} = \frac{\sin 37^\circ}{25} \quad || \cdot 18$$

$$\sin \alpha = \frac{\sin 37^\circ}{25} \cdot 18 \approx 0,43331$$

$$\alpha \approx 25,7^\circ$$

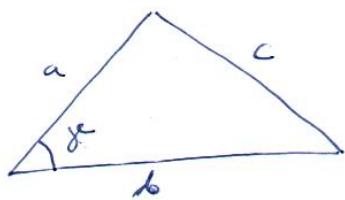
$$(\alpha = \sin^{-1} 0,43331 = 25,7^\circ)$$

Kosinilause ja pinta-ala s.79 ja s.70

TK s. 24!

Kolmio ei ole suorakulmainen kolmio!

Allkutialluse:

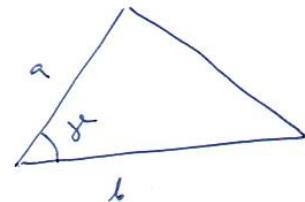


Kosinilause:

$$c^2 = a^2 + b^2 - 2 \cdot a \cdot b \cdot \cos \gamma$$

Kulmaa vastapäätä oleva  
sivu yksin triiseen.

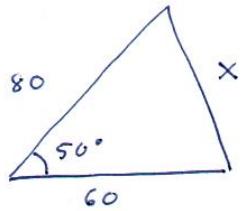
Sama allkutialluse: Kaksi sivua ja niiden välinen  
kulma.



$$A = \frac{1}{2} ab \sin \gamma$$

s.70

(E)



Kosinilause:

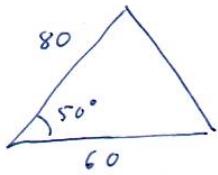
Kulmaa vastapäätä oleva sivu toiseen on...

$$x^2 = 80^2 + 60^2 - 2 \cdot 80 \cdot 60 \cdot \cos 50^\circ$$

$$x = \sqrt{80^2 + 60^2 - 2 \cdot 80 \cdot 60 \cdot \cos 50^\circ}$$

$$\approx 61,9$$

(E)



Kolmion ala?

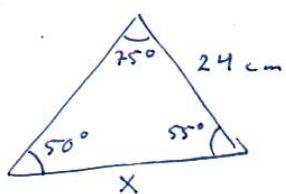
$$A = \frac{1}{2} \cdot 80 \cdot 60 \cdot \sin 50^\circ$$

$$\approx 1839$$

Tunnilla s. 77 t. 121

s. 85 t. 137

(121)



Kolmas kulma on

$$180^\circ - (75^\circ + 55^\circ) = 50^\circ$$

x selville sinilauseella.

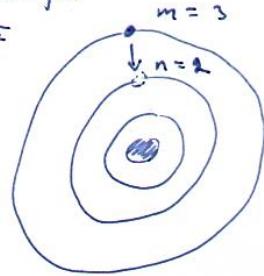
Lopuksi: sitten ala A.

## Vety-atomilla s. 58

Elektron siirtyy ulommalta knorelta m  
sisemälle knorelle n.

Balmerin sarjan

eräs siirtymä



$$(E) m = 3 \rightarrow n = 2$$

$$\frac{1}{\lambda} = R_H \left( \frac{1}{2^2} - \frac{1}{3^2} \right)$$

josta

$$\lambda = 656 \text{ nm Punaisa valoa}$$

$$\begin{aligned} &= 656 \cdot 10^{-9} \text{ m} \\ &= 6,56 \cdot 10^{-7} \text{ m} \end{aligned}$$

Emittoituvan fotonin  
aallonpituuksia:

$$\boxed{\frac{1}{\lambda} = R_H \left( \frac{1}{n^2} - \frac{1}{m^2} \right)}$$

missä Rydbergin vakio vedyllä

$$\boxed{R_H = 1,097 \cdot 10^7 \frac{1}{\text{m}}} \quad \text{TK s. 71}$$

$$E = hf = h \frac{c}{\lambda}$$

Mitä energiapöti sempä siirtymä (katso s. 58 yläkuva!)

$$\begin{cases} \text{siti suurempi } f \text{ tarjous} \\ \text{siti pienempi } \lambda \text{ aallonpituuksia} \end{cases}$$